

ユークリッドは素数の列が無数にあることを背理法によって次のように示した。仮に、この数列に終わりがあるとしてその数を P とするとき

$$2, 3, 5, 7, \dots, P$$

は完結した数列であり、そのとき P は最大の素数である。それを元に、次の式で定義される Q という数の存在を考える。

$$Q = (2 \times 3 \times 5 \times 7 \cdots \times P) + 1$$

この Q は P までのどの素数で割っても割り切れない。なぜなら Q は P にある全ての約数で割って 1 が余る数となるのだから。そのために Q は P よりも大きい素数になる。よって P が最大の素数という仮定に矛盾が生じたので素数は無限に存在する。□

M		
	ϕ	
		W